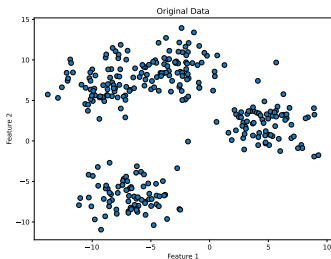


# Učení bez učitele, unsupervised learning, samoorganizace

- trénovací množina  $T$  tvaru  $T = \{\vec{x}_1, \dots, \vec{x}_N\}$
- $\vec{x}_i \in R^n$  je ( $i$ -tý) trénovací vstupní vzor, požadovaný výstup neznáme
- **Myšlenka:** model sám rozhodne, jaká odezva je pro daný vzor nejlepší a podle toho nastaví své váhy  $\rightarrow$  samoorganizace (self-organisation)



- máme data a neznáme jejich strukturu
- snažíme se strukturu a vlastnosti dat odhalit, najít v nich vzory, popř. shluky

# Učení bez učitele, unsupervised learning, samoorganizace

## Shluk (klastř)

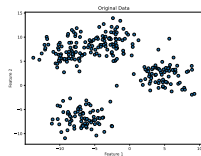
- Skupina vzorů s malým rozptylem a velkou vzdáleností od ostatních shluků

## Shlukování (klastrování)

- Disjunktní rozdělení dat na shluky

## Problémy:

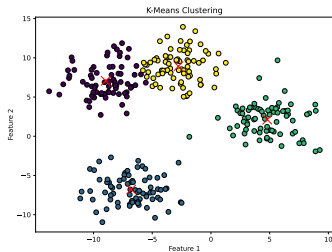
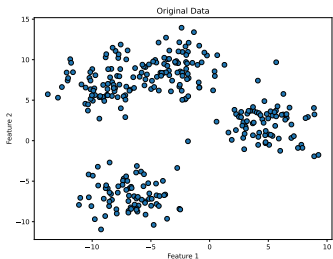
- Jak určit počet a rozložení shluků v příznakovém prostoru?
- Jak vybrat reprezentanta/y shluku?
  - Vhodně vybrané / všechny trénovací vzory patřící do shluku
  - Střed shluku (*těžiště*, *centroid*)



# Odbočka: Jednoduché metody strojového učení pro klasifikaci a shlukování

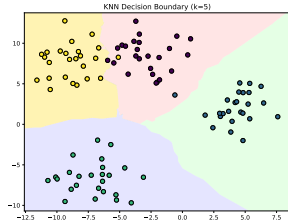
## Dva algoritmy na k:

- algoritmus k nejbližších sousedů
- algoritmus k středů



## K nejbližších sousedů

- Klasifikační metoda, učení s učitelem:  
Vzory z trénovací množiny jsou uloženy a klasifikovány do jedné z  $l$  různých tříd
- Neznámý vstupní vektor je zařazen do té třídy, ke které patří většina z  $k$  nejbližších vektorů z uložené množiny



- Nejjednodušší varianta: 1 nejbližší soused,  
klasifikační model = uložená data

# Odbočka: Jednoduché metody strojového učení pro klasifikaci a shlukování

## Jak počítat vzdálenost?

- Euklidovská vzdálenost:  $d(\vec{p}, \vec{q}) = \sqrt{\sum_{i=1}^n (p_i - q_i)^2}$
- pokud jen porovnáváme vzdálenosti:  $d(\vec{p}, \vec{q}) = \sum_{i=1}^n (p_i - q_i)^2$

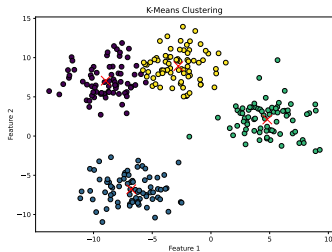
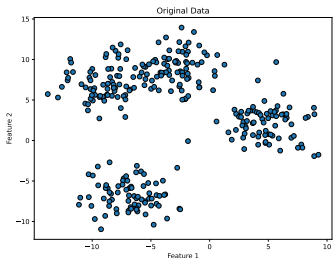
## Ale existují i alternativní metriky, např.:

- Manhattan (městská) metrika:  $d(\vec{p}, \vec{q}) = \sum_{i=1}^n |p_i - q_i|$
- Čebyševova metrika:  $d(\vec{p}, \vec{q}) = \max_i |p_i - q_i|$
- Minkewského metrika:  $d(\vec{p}, \vec{q}) = (\sum_{i=1}^n |p_i - q_i|^r)^{\frac{1}{r}}$
- Kosínová podobnost:  $\cos(\vec{p}, \vec{q}) = \frac{\vec{p} \cdot \vec{q}}{\|\vec{p}\| \|\vec{q}\|}$

...

# Algoritmus k středů (k-means clustering)

- Učení bez učitele
- Vstupní vzory jsou klasifikovány do  $k$  různých shluků, každý shluk  $l$  je reprezentován svým centroidem (středem, těžištěm)  $\vec{c}_l$
- Nový vektor  $\vec{x}$  je zařazen k tomu shluku  $i$ , jehož centroid  $\vec{c}_i$  je mu nejbližší



# Odbočka: Jednoduché metody strojového učení pro klasifikaci a shlukování

## Algoritmus k středů (k-means clustering)

- 1 Je dána trénovací množina  $T = \{\vec{x}_1, \dots, \vec{x}_N\}$ ,  $\vec{x}_i \in R^n$
- 2 Zvolíme  $k$  náhodných vektorů  $\vec{c}_l$ ,  $l = 1, \dots, k$  (z  $R^n$  nebo z  $T$ ) za středy (centroidy) shluků
- 3 Opakujeme:
  - Přiřadíme každý vektor z  $T$  k nejbližšímu středu shluku
  - Přepočítáme středy shluků na základě přiřazených vzorů:

$$\vec{c}_l = \frac{1}{n_l} \sum_{i_j=1}^{n_l} (\vec{x}_{i_j})$$

$n_l$  ... počet vektorů přiřazených k  $l$ -tému shluku

$i_j$  ... indexuje vektory přiřazené k  $l$ -tému shluku

- Předchozí dva kroky opakujeme, dokud se mění příslušnost trénovacích vzorů ke shlukům

→ **Vektorová kvantizace**

# Odbočka: Jednoduché metody strojového učení pro klasifikaci a shlukování

## Vektorová kvantizace:

- snažíme se co nejlépe pokrýt vstupní prostor pomocí reprezentantů a respektovat přitom statistické rozdělení vzorů (je to blízké odhadování hustoty dat ve statistice)
- reprezentace množiny vektorů pomocí menší podmnožiny jejich reprezentantů
- ztrátová komprese dat



# Učení bez učitele, unsupervised learning, samoorganizace

- Modely mělkých umělých neuronových sítí učené bez učitele
  - Kompetitivní modely
  - Kohonenovy mapy (1989)
- Modely hlubokých sítí (mimo rámec tohoto předmětu)
  - Generative Adversarial Networks ,GANs
  - Autoencodery
- Hybridní mělké modely (kombinace učení s učitelem a bez učitele):
  - LVQ (Učení vektorové kvantizace)
  - Sítě se vstřícným šířením (Counterpropagation)
  - ART (Adaptive Resonance Theory)
  - RBF-sítě
  - ...

# Kompetitivní modely

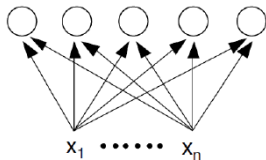
## Kompetiční učení – motivace:

- **Myšlenka:** neurony odpovídají bodům ve vstupním prostoru, každý reprezentuje jeden shluk (nebo jeho část)
- **Kompetice:** boj o „právo reprezentovat předložený vzor“
- **Inhibice:** „potlačování (aktivity) soupeřů“
- Pravidlo „vítěz bere vše“ (*Winner takes all*)

# Kompetitivní modely

## Architektura

- neuronová síť s jednou vrstvou
- vstupní vrstva odpovídá jednotlivým vstupním příznakům
- počet neuronů ve výstupní vrstvě odpovídá (předpokládanému) počtu shluků
- každý vstupní neuron je propojen hranou s každým výstupním neuronem
- mohou být i „laterální“ vazby mezi jednotlivými neurony ve výstupní vrstvě



# Princip kompetičního učení

- 1 Předložím trénovací vzor  $\vec{x}$
  - 2 Neurony počítají (např. Euklidovskou) vzdálenost mezi předloženým vzorem a svým váhovým vektorem
  - 3 V kompetici „vítězí“ neuron, který je k předloženému vzoru nejbližší
  - 4 Vítězný neuron bude nejaktivnější a bude potlačovat (**inhibovat**) aktivitu ostatních neuronů  
→ pomocí „laterálních“ spojů ... **laterální inhibice**
- **Výsledek:** jeden neuron je excitován, ostatní inhibovány  
→ vítězný neuron se snaží co nejvíce přiblížit k danému trénovacímu vzoru

(obrázek)

# Kompetiční učení

- Pro rozhodnutí, zda bude neuron aktivní nebo ne, je nutná globální informace o stavu všech neuronů v síti

## Možná interpretace:

- Pro předložený vzor je vždy jeden neuron excitován, ostatní inhibovány  
→ odpovídá to výběru jednoho z  $k$  neuronů
- Aktivita neuronu signalizuje příslušnost předloženého vstupu ke shluku vektorů reprezentovaných tímto neuronem  
→ síť funguje i jako klasifikátor

# Kompetiční učení

## Jak implementovat laterální inhibici ve výstupní vrstvě?

- 1 Iterativním výpočtem:

$$y_i = f\left(\sum_{l=1}^k t_{li}y_l\right)$$

- obvykle:  $f$  je sigmoidální funkce,  $t_{ii} = (k - 1)$  a  $t_{ij} = -1$  pro  $i \neq j$
  - nemusí vždy vést k dobrým výsledkům (hrozí vyhlazení rozdílů mezi aktivitami neuronů)
- 2 Prostým výběrem neuronu s max. odezvou ... **vítěz bere vše**
    - jednodušší na implementaci, stabilnější

# Kompetiční učení

## Adaptace ... diferenční pravidlo:

- Vítězný neuron  $i$  zadaptuje své váhy směrem k předloženému vzoru  $\vec{x}$ :

$$\vec{w}_i(t+1) = \vec{w}_i(t) + \alpha (\vec{x} - \vec{w}_i(t))$$

## Cíl učení

- Umístit neurony do středu shluků vzorů (*těžiště, centroid*)
- Zachovat již vytvořenou strukturu sítě

(obrázek)

# Kompetiční učení

## Adaptace ... diferenční pravidlo

- Vítězný neuron  $i$  zadaptuje své váhy směrem k předloženému vzoru  $\vec{x}$ :

$$\vec{w}_i(t+1) = \vec{w}_i(t) + \alpha(\vec{x} - \vec{w}_i) = (1 - \alpha)\vec{w}_i(t) + \alpha\vec{x}$$

## Parametr učení .... plasticita sítě ... $\alpha$

- $\alpha = 1$  ... úplné přitažení vektoru vah ke vzoru
- $0 < \alpha < 1$  ... částečné přitažení vektoru vah ke vstupu
- $\alpha = 0$  ... ignoruje vstup (ustálený stav)

Pro pevné  $\alpha$  síť obvykle nekonverguje ...  $\alpha \rightarrow 0$



# Kompetiční učení

## Formální algoritmus pro variantu „vítěz bere vše“ :

### Vstup

- Trénovací množina  $T = \{\vec{x}_1, \dots, \vec{x}_N\}$  vstupních vzorů v  $n$ -rozměrném prostoru, které chceme klasifikovat do  $k$  shluků
- Jednovrstvá neuronová síť s  $k$  neurony ve výstupní vrstvě.

### Inicializace

- Náhodně vygeneruj váhové vektory  $\vec{w}_1, \dots, \vec{w}_k$  (nebo náhodně vyber  $k$  vzorů z  $T$ )

### Opakuj:

- Náhodně vyber další  $\vec{x} \in X$
- Spočítej  $d(\vec{x}, \vec{w}_i) = \|\vec{x} - \vec{w}_i\|^2 = \sum_{j=1}^n (x_j - w_{ji})^2$  pro  $i = 1, \dots, k$
- Vyber  $\vec{w}_m$  tž.  $d(\vec{x}, \vec{w}_m) \leq d(\vec{x}, \vec{w}_i)$  pro všechna  $i = 1, \dots, k$
- **Aktualizace**
  - Nahrad' vektor  $\vec{w}_m$  vektorem  $\vec{w}_m + \alpha(\vec{x} - \vec{w}_m)$

# Kompetiční učení

## Formální algoritmus pro variantu „vítěz bere vše“:

- Cíl učení: postupně váhy jednotlivých neuronů natavit tak, aby odpovídaly středům shluků v datech
- Během učení se pro každý neuron minimalizuje energetická funkce

$$E = \sum_{j_i=1}^{n_i} \|\vec{x}_{j_i} - \vec{w}_i\|^2$$

$n_i$  ... počet vektorů přiřazených k  $i$ -tému neuronu

$j_i$  ... indexuje vektory přiřazené k  $i$ -tému neuronu

- dávková varianta předchozího algoritmu: stabilnější
- rozmyslete si souvislost s algoritmem k středům

# Kompetiční učení - kosínová podobnost

## Kosínová podobnost (cosine similarity)

- vzdálenost jako skalární součin:  $d(\vec{w}, \vec{x}) = \vec{w} \cdot \vec{x}$
- alternativa k Euklidovské vzdálenosti
- pro normované vektory odpovídá kosinu úhlu mezi těmito dvěma vektory  $\cos(\vec{x}, \vec{w}) = \frac{\vec{x} \cdot \vec{w}}{\|\vec{x}\| \|\vec{w}\|}$
- na rozdíl od Euklidovské vzdálenosti se maximalizuje

## Alternativní adaptační pravidlo

- Vítězný neuron  $m$  zadaptuje své váhy podle:

$$\Delta \vec{w}_m = \alpha \vec{x}$$

- jedná se o variantu Hebbova učení
- Dávková (batch) aktualizace  $\rightarrow$  stabilnější proces učení

(obrázek)

# Kompetiční učení - kosínová podobnost

## Formální algoritmus

### Vstup

- Množina  $T = \{\vec{x}_1, \dots, \vec{x}_N\}$  normovaných vstupních vektorů v  $n$ -rozměrném prostoru, které chceme klasifikovat do  $k$  shluků
- Jednovrstvá neuronová síť s  $k$  neurony (s nulovým prahem) ve výstupní vrstvě.

### Inicializace

- Náhodně generuj a normuj váhové vektory  $\vec{w}_1, \dots, \vec{w}_k$

### Opakuj – Test:

- Náhodně vyber  $\vec{x} \in X$
- Spočítej  $\vec{w}_i \cdot \vec{x}$  pro  $i = 1, \dots, k$
- Vyber  $\vec{w}_m$  tž.  $\vec{w}_m \cdot \vec{x} \geq \vec{w}_i \cdot \vec{x}$  pro všechna  $i = 1, \dots, k$
- **Aktualizace**
  - Nahraď vektor  $\vec{w}_m$  normovaným vektorem  $\vec{w}_m + \alpha \vec{x}$

# Kompetiční učení

## Výhody:

- Učení bez učitele (samoorganizace)
- Počet shluků je volitelný
- Snadné zjištění reprezentanta shluku  $i$  ...  $\vec{w}_i$

## Aplikace:

- Shlukování
- Komprese, extrakce příznaků, redukce dimenzionality
- Detekce anomálií
- Rozpoznávání vzorů

# Kompetiční učení a PCA analýza

## PCA (Principal component analysis)

- redukce dimenzionality vstupních dat
  - použít méně příznaků bez ztráty podstatné informace
  - výběr nejdůležitějších příznaků
- Mějme množinu vektorů  $T = \{\vec{x}_1, \dots, \vec{x}_N\}$
- Nejdůležitějším příznakem (tj. 1. PC) pro tuto množinu je vektor  $\vec{w}$ , který maximalizuje výraz  $\frac{1}{N} \sum_{i=1}^N \|\vec{w} \cdot \vec{x}_i\|^2$  (pro kosínovou podobnost)

# Kompetiční učení

## Problémy:

- Nutnost volit rychlost klesání  $\alpha$
- Nutnost vhodně inicializovat váhy ... ovlivňuje rychlost učení
  - např. podle náhodně vybraných vzorů
- Hustota reprezentantů nemusí odpovídat hustotě dat
- Mrtvé (nevyužité) neurony

→

- Normalizace vektorů
- Řízená kompetice a mechanismus svědomí
- Topologické okolí neuronu, např. mřížka v Kohonenově vrstvě,

(obrázek)

## Odbočka: jak je to v Matlabu

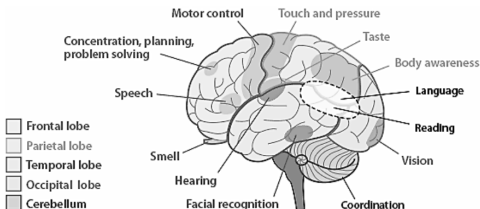
- *competlayer* ... vytvoření kompetiční sítě
  - `net = competlayer(počet_neuronů,parametr_učení);`
  - `net = configure(net,x);`
  - `net.IW{1,1}` ... matice vah
  - `net.b{1,1}` ... prahy neuronů
  - `net.trainFcn` ... učicí funkce ... *trainru*
  - `net.trainParam` ... parametry učicí funkce
- *train* ... učení
  - `net = train(net,X).`
- *sim* ... rozpoznávání
  - `Y = sim(net,X).`
  - `ac = vec2ind(Y)`



# Kohonenovy mapy (SOM, Self-organizing feature maps) (Teuvo Kohonen, 1981)

- původní aplikace: fonetický psací stroj (finština: řeč → písmo)

## Biologická motivace



- Mozková kůra: specializované oblasti neuronů - více citlivé na určitý druh podnětů

- Fyzicky blízké neurony reagují podobně - laterální vazby vedou k excitaci blízkých a k inhibici vzdálenějších neuronů

<https://cybernetist.com/2017/01/13/self-organizing-maps-in-go/>

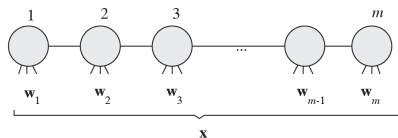
# Kohonenovy mapy

## Dvě možné interpretace z pohledu aplikací

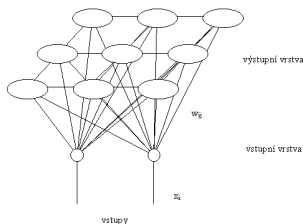
- 1 Snížení dimenze dat při zachování topologie, vizualizace
- 2 Shlukování (klastrování)

# Kohonenovy mapy - architektura (topologie)

Architektura 1D - řetízek:



Architektura 2D - mřížka:

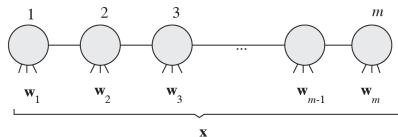


- Neurony jsou topologicky uspořádány do mřížky
- Na mřížce je definovaná sousednost fyzických neuronů  
( $\times$  logická sousednost daná blízkostí váhových vektorů)

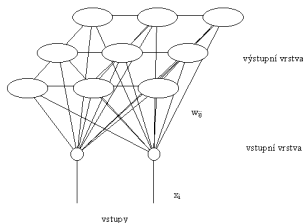
Paul Rojas: Neural Networks - A Systematic Introduction, Springer, 1996

# Kohonenovy mapy - architektura (topologie)

Architektura 1D - řetízek:



Architektura 2D - mřížka:



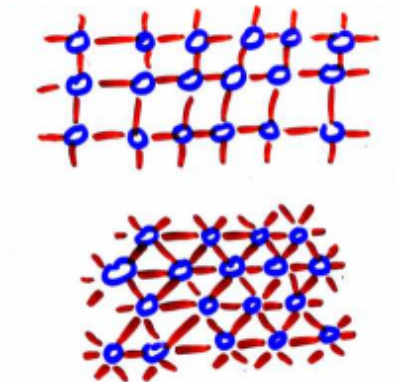
**Cíl:**

- mohu identifikovat nejbližší sousedy neuronu
- sousední neurony by měly reagovat na velmi podobné signály
- specializace každého neuronu na jinou část vstupního prostoru (zde excitují)

Paul Rojas: Neural Networks - A Systematic Introduction, Springer, 1996

# Kohonenovy mapy - architektura (topologie)

## Různé topologie mřížky (pro dvě dimenze)

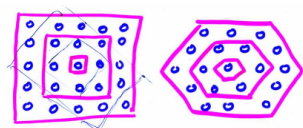


# Kohonenovy mapy – učení

## Princip

- 1 Předložím trénovací vzor  $\vec{x}$
- 2 Neurony počítají (Euklidovskou) vzdálenost mezi předloženým vzorem a svým váhovým vektorem
- 3 V kompetici „vítězí“ neuron, který je k předloženému vzoru nejbližší
- 4 V průběhu učení se aktualizují váhy vítězného neuronu, ale i jeho nejbližších sousedů
  - Sousední neurony by měly také reagovat na velmi podobné signály  
→ zobrazení zachovává topologii

## Topologické okolí neuronu

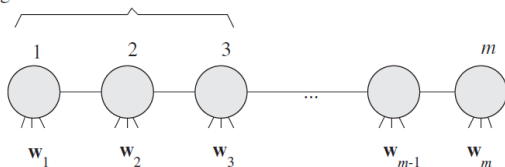


# Kohonenovy mapy - definice okolí:

## Definice okolí - v jedné dimenzi (řetízek)

- Neurony tvoří posloupnost a mohou být očíslované  $1, \dots, m$
- Do okolí neuronu  $k$  s poloměrem 1 patří neurony  $k - 1$  a  $k + 1$  (až na kraje)

neighborhood of unit 2 with radius 1

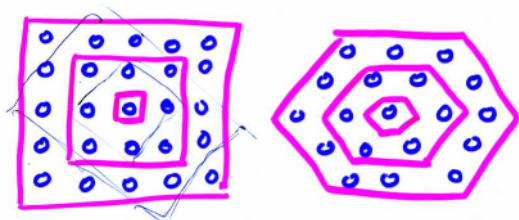


Paul Rojas: Neural Networks - A Systematic Introduction, Springer, 1996

# Kohonenovy mapy - definice okolí:

## Definice okolí - ve více dimenzích (mřížka)

- Obdobně - do okolí neuronu  $k$  s poloměrem 1 patří neurony propojené s  $k$  laterální vazbou
- Na mřížce můžeme definovat libovolnou metriku (čtvercová, hexagonální,...)





# Kohonenovy mapy

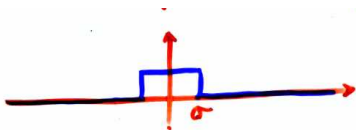
## Funkce okolí = funkce laterální interakce

- $\Lambda(i, k)$  ... síla laterální vazby mezi neurony  $i$  a  $k$  během učení
- Měla by klesat s rostoucí vzdáleností neuronů  $i$  a  $k$

## Příklady

- **Diskrétní okolí**

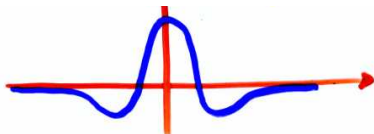
- $\Lambda(i, k) = 1$  pro všechny  $i$  z okolí  $k$  s poloměrem nejvýše  $\sigma$ ,  
 $\Lambda(i, k) = 0$  pro ostatní
- efektivní z hlediska implementace, minimální režie (stačí adaptovat neurony z okolí)
- $\sigma$  je šířka okolí (nejjednodušeji  $\sigma = 1$ )



# Kohonenovy mapy

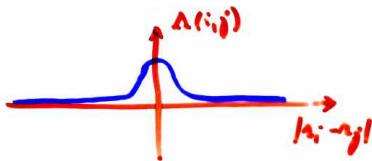
## Funkce okolí = funkce laterální interakce

- **Funkce mexického klobouku**
  - biologicky nejněrodnější



- **Gaussovská funkce**

- $\Lambda(i, k) = e^{-\frac{|\vec{w}_i - \vec{w}_k|^2}{\sigma^2}}$ , kde  $\sigma$  je šířka okolí (obvykle  $\sigma \rightarrow 0$ )



# Kohonenovy mapy

## Adaptace

- Necht'  $k$  je vítězný neuron pro předložený vstupní vektor  $\vec{x}$
- Každý neuron  $i$  zadaptuje své váhy podle pravidla:

$$\Delta \vec{w}_i = \alpha \Lambda(i, k)(\vec{x} - \vec{w}_i)$$

## Nastavitelné parametry

- **Parametr učení ... vigilanční (bdělostní) koeficient ...**  
 $\alpha \in \langle 0, 1 \rangle$ 
  - Pro pevné  $\alpha$  síť obvykle nekonverguje ...  $\alpha \rightarrow 0$
- **Šířka okolí  $\sigma$** 
  - obvykle  $\sigma \rightarrow 0$

# Kohonenovy mapy - algoritmus učení

## 1 Inicializace:

Zvol hodnoty vah mezi vstupy a výstupními neurony jako malé náhodné hodnoty. Zvol počáteční vigilanční koeficient  $\alpha$ , poloměr okolí  $\sigma$  a funkci laterální interakce  $\Lambda$ .

## 2 Opakuj:

- 1 Předlož další trénovací vzor  $\vec{x}$
- 2 Spočítej vzdálenosti  $d_i$  mezi  $\vec{x}$  a  $\vec{w}_i$  pro každý výstupní neuron  $i$ :

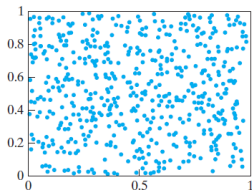
$$d_i = \sum_j (x_j - w_{ji})^2$$

- 3 Vyber výstupní neuron  $k$  s minimální vzdáleností  $d_k$  jako „vítěze“
- 4 Aktualizuj váhy všech neuronů  $i$  (popř. jen neuronů z okolí  $k$ ) podle:

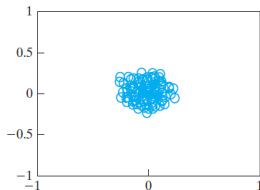
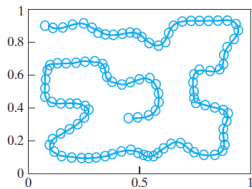
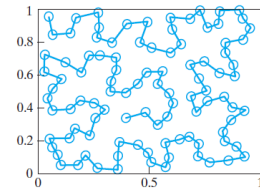
$$\vec{w}_i(t+1) = \vec{w}_i(t) + \alpha(t)\Lambda(i, k)(\vec{x} - \vec{w}_i(t))$$

# Kohonenovy mapy

## Příklad – rovnoměrně rozdělená data a řetízek



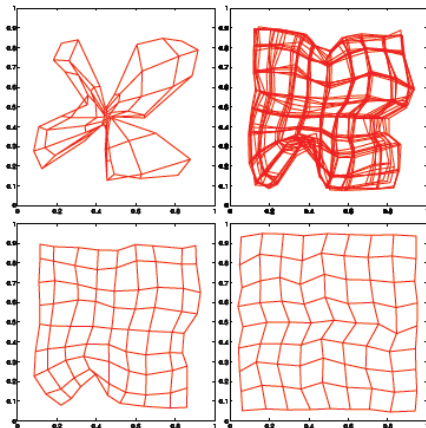
(a) Input distribution

Time = 0  
(b) Initial weightsTime = 50 K  
(c) Ordering phaseTime = 100 K  
(d) Converging phase

Simon Haykin: Neural Networks and Learning Machines, 3rd edition, 2008

# Kohonenovy mapy

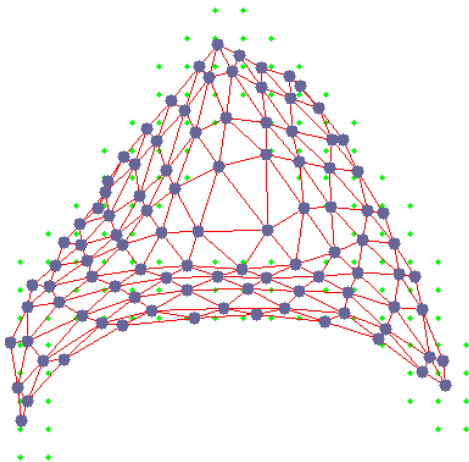
## Příklad – rovnoměrně rozdělená data a mřížka



Paul Rojas: Neural Networks - A Systematic Introduction, Springer, 1996

# Kohonenovy mapy

## Příklad – nerovnoměrně rozdělená data a mřížka



# Kohonenovy mapy

## Energetická funkce Kohonenovy mapy

$$E(\vec{w}_i) = \frac{1}{2} \sum_i \sum_{\vec{x}} \Lambda(i, k_{\vec{x}}) \|\vec{x} - \vec{w}_i\|^2$$

- Kohonenův algoritmus učení je (za určitých předpokladů – vhodná volba  $\alpha, \sigma$ ) gradientní metoda pro E



# Kohonenovy mapy – analýza algoritmu učení

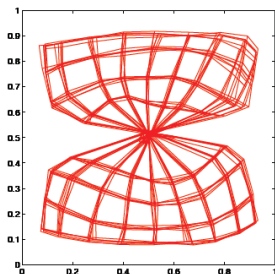
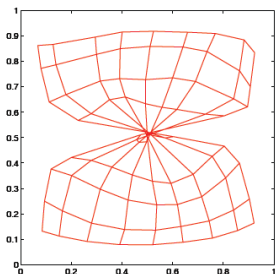
## Otázka – jak dobře se Kohonenova síť naučila?

- konvergence algoritmu?, jak dlouho se učí?
- do jaké míry je zachována topologie zobrazení?
- optimalita zobrazení
- vliv parametrů  $\alpha, \sigma$

# Kohonenovy mapy

## Zásadní vliv má volba parametrů $\alpha, \sigma$

- závisí na úloze
- rychlé klesání  $\sigma$  ... topologické zvraty v počáteční fázi učení (překroucení, či zborcení mřížky)



- rychlé klesání  $\alpha$  ... zamrznutí sítě v některém z mělkých lokálních minim nebo dokonce mimo lokální minima

# Kohonenovy mapy

## Řešení: dynamické změny parametrů adaptace ve dvou fázích:

- **Organizace (určení oblastí):**
  - široká okolí (zpočátku celá síť), pozvolna se zužují
  - $\alpha$  je relativně velká (blízko 1), téměř neměnná
- **Ustálení:**
  - malá okolí (v závěru jen jeden neuron),
  - $\alpha$  rychle klesá k nule

# Kohonenovy mapy

## Dvě možné interpretace z pohledu aplikací

- 1 Snížení dimenze dat při zachování topologie, vizualizace
- 2 Shlukování (klastrování)

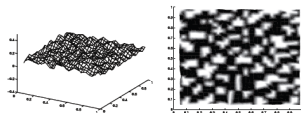
# Kohonenovy mapy

## Snížení dimenze dat při zachování topologie – příklad:

- Síť zobrazí n-dimenzionální vstupní prostor (jeho část) do 2-dimenzionálního výstupního prostoru, navíc bude zachována sousednost obrazů tohoto zobrazení
- Pro velmi hustou síť je navíc transformace spojitá
- Vizualizace dat

### Příklad

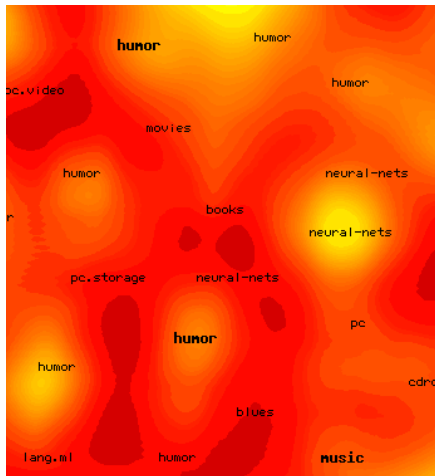
- 2-dimenzionální síť ve 3-dimenzionálním vstupním prostoru



# Kohonenovy mapy

## Snížení dimenze dat při zachování topologie

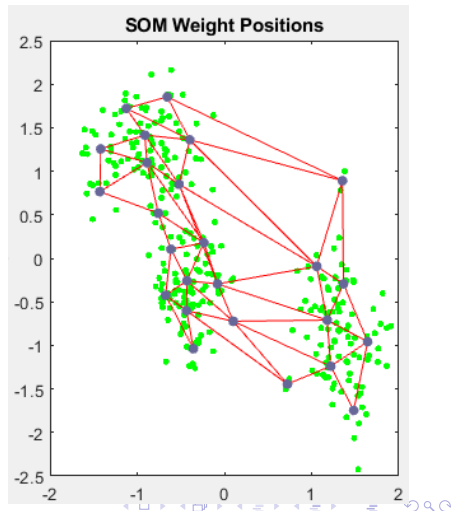
- Příklad aplikace: WEBSOM (1998)
- 2D-vizualizace blízkosti (podobnosti) webových dokumentů



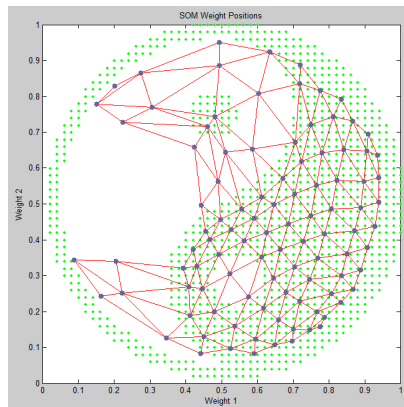
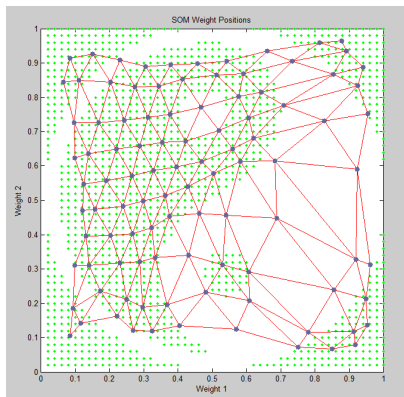
# Kohonenovy mapy

## Shlukování (klastrování)

- Na vektor vah do výstupního neuronu se lze dívat jako na bod vstupního prostoru
- Výstupní neurony se snaží co nejlépe pokrýt vstupní prostor (jeho část) a respektovat statistické rozdělení vektorů (*vektorová kvantizace*)
- Výstupní neurony jsou reprezentanti vstupních dat (shluků)
- Navíc se zachovává struktura fyzické sousednosti



# Kohonenovy mapy -příklad





# Kohonenovy mapy - Jak je to v Matlabu

- *selforgmap* ... vytvoření kohonenovy mapy
  - `net = selforgmap(dimensions)`
  - `net = selforgmap(dimensions,coverSteps,initNeighbor,topologyFcn,distanceFcn)`
  - `dimensions` ... rozměry sítě, implicitně [8 8]
  - `coverSteps` ... počet kroků učení, než se nastaví nulové okolí, implicitně 100
  - `initNeighbor` ... počáteční velikost okolí, implicitně 3
  - `topologyFcn`... topologie, implicitně *'hextop'*
  - `distanceFcn` ... funkce vzdálenosti, implicitně *'linkdist'*
- Možné topologie
  - *'hextop'*, *'gridtop'*, *'randtop'*, *'tritop'*
- Funkce vzdálenosti
  - *'dist'* (Euklidova), *'linkdist'*, *'boxdist'* (čtverec), *'manlist'* (Manhattan)